

УДК 389.629

О.Ш. Хакимов<sup>1</sup>, Г.О. Хакимова<sup>2</sup>, Н.А. Таджалиева<sup>3</sup>

<sup>1</sup> НИИ стандартизации, метрологии и сертификации Агентства «Узстандарт», Ташкент, Узбекистан

<sup>2</sup> Первый Ташкентский педагогический колледж, Ташкент, Узбекистан

<sup>3</sup> Ташкентский государственный аграрный университет, Ташкент, Узбекистан

## НЕОПРЕДЕЛЕННОСТЬ МЕТОДА ИЗМЕРЕНИЯ КОЭФФИЦИЕНТА ОТРАЖЕНИЯ УЛЬТРАЗВУКОВОЙ ВОЛНЫ ОТ ГРАНИЦЫ РАЗДЕЛА ТВЕРДОЕ ТЕЛО – ЖИДКОСТЬ

Оценена неопределенность метода измерения коэффициента отражения ультразвуковой волны от границы раздела твердое тело (плавленый кварц) – жидкость (дистиллированная вода).

**Ключевые слова:** неопределенность, измерение, суммарная, стандартная, ультразвук, импеданс, коэффициент отражения.

### Постановка проблемы и анализ последних достижений и публикаций

В жидкой вязкоупругой среде чисто сдвиговые колебания, как было впервые показано Стоксом [1], полностью затухают уже на расстоянии нескольких микрометров от возбуждающего их преобразователя. Поэтому для измерения динамической сдвиговой вязкости и упругости жидкостей используется косвенный акустический метод [2]. На мегагерцовых частотах для этой цели наиболее подходящим является импедансный метод, в котором эти величины определяются путём измерения комплексного коэффициента отражения  $r^*$  акустической волны от границы раздела твердое тело – жидкость

$$r^* = r \cdot e^{j(\pi-\theta)}, \quad (1)$$

где  $r = |r^*|$  - модуль комплексного коэффициента отражения;  $\theta$  – фазовый сдвиг в отраженной волне, обусловленный наличием жидкости, рад.

В [3] описана установка для измерения  $r^*$  импедансным методом в диапазоне частот 10-150 МГц. Для калибровки установки в качестве жидкости использована дистиллированная вода.

Модуль комплексного коэффициента отражения  $r$  определяют путем одновременного измерения амплитуд акустических сигналов до  $U_0$  и после  $U$  нанесения жидкости на рабочую поверхность плавленого кварца. Таким образом, двумя входными величинами являются  $U_0$  и  $U$ , а выходной (измеряемой) величиной являются одна из составляющих комплексного  $r^*$  коэффициента отражения – его модуль  $r$ .

Измеряемая величина связана с входными величинами уравнением

$$r = (U / U_0)^{1-2m}, \quad (2)$$

где  $U_0$  и  $U$  – амплитуды сигнала без жидкости и при ее наличии, В;  $m$  – номер рабочего эхо-сигнала.

### Изложение основного материала

Предполагается, что пять независимых рядов одновременных наблюдений этих двух входных величин  $U_0$  и  $U$  получены в одинаковых условиях, а результаты этих наблюдений приведены в табл. 1. Здесь же даны средние арифметические наблюдений  $\bar{U}_0, \bar{U}$  и экспериментальные стандартные отклонения  $S(\bar{U}_0) = u(\bar{U}_0) = u_A(\bar{U}_0)$  и  $S(\bar{U}) = u(\bar{U}) = u_A(\bar{U})$  этих средних, вычисленные из уравнений (3) и (4) [4].

$$u_A(\bar{U}_0) = S(\bar{U}_0) = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \cdot \sum_{i=1}^n (U_{0i} - \bar{U}_0)^2}, \quad (3)$$

$$u_A(\bar{U}) = S(\bar{U}) = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \cdot \sum_{i=1}^n (U_i - \bar{U})^2}, \quad (4)$$

где  $n$  – число наблюдений,  $U_{0i}, U_i, \bar{U}_0, \bar{U}$  –  $i$ -ые и средние арифметические значения величин  $U_0$  и  $U$ .

Вследствие того, что средние значения  $\bar{U}_0$  и  $\bar{U}$  получают из одновременных наблюдений, предполагается что, они коррелированы, и эти корреляции должны приниматься во внимание при вычислении суммарной стандартных неопределенностей измеряемой величины  $r$ . Требуемые коэффициенты корреляции легко получают из уравнения

$$r(\bar{U}_0, \bar{U}) = u(\bar{U}_0, \bar{U}) / u(\bar{U}_0) \cdot u(\bar{U}), \quad |r(\bar{U}_0, \bar{U})| \leq 1, \quad (5)$$

используя значения  $u(\bar{U}_0, \bar{U})$ , вычисленные из уравнения

$$u(\bar{U}_0, \bar{U}) = \frac{1}{n(n-1)} \cdot \sum_{k=1}^n (\bar{U}_{0k} - \bar{U}_0)(\bar{U}_k - \bar{U}). \quad (6)$$

Коэффициенты корреляции между результатами независимых наблюдений входных величин  $U_0$  и  $U$  приведены в табл. 2, где следует помнить, что

$$r(\bar{U}_0, \bar{U}) = r(\bar{U}, \bar{U}_0); \quad r(\bar{U}_0, \bar{U}_0) = r(\bar{U}, \bar{U}) = 1. \quad (7)$$

Таблица 1

Результаты независимых рядов наблюдений входных величин  $U_0$  и  $U$ , В

| №                | Частота, МГц |       |       |      |       |      |       |      |       |      |       |      |
|------------------|--------------|-------|-------|------|-------|------|-------|------|-------|------|-------|------|
|                  | 10,0         |       | 31,0  |      | 51,0  |      | 69,5  |      | 110   |      | 150   |      |
|                  | $U_0$        | $U$   | $U_0$ | $U$  | $U_0$ | $U$  | $U_0$ | $U$  | $U_0$ | $U$  | $U_0$ | $U$  |
| 1                | 1,50         | 1,363 | 1,53  | 1,43 | 1,54  | 1,34 | 1,49  | 1,36 | 1,45  | 1,24 | 1,58  | 1,24 |
| 2                | 1,48         | 1,440 | 1,50  | 1,30 | 1,50  | 1,39 | 1,47  | 1,28 | 1,42  | 1,15 | 1,56  | 1,31 |
| 3                | 1,50         | 1,301 | 1,57  | 1,47 | 1,60  | 1,39 | 1,49  | 1,36 | 1,49  | 1,21 | 1,56  | 1,17 |
| 4                | 1,43         | 1,408 | 1,55  | 1,33 | 1,51  | 1,22 | 1,42  | 1,05 | 1,47  | 1,21 | 1,57  | 1,32 |
| 5                | 1,50         | 1,509 | 1,57  | 1,51 | 1,52  | 1,47 | 1,49  | 1,36 | 1,49  | 1,30 | 1,58  | 1,37 |
| $\bar{U}_0$      | 1,48         | 1,40  | 1,54  | 1,41 | 1,53  | 1,36 | 1,47  | 1,28 | 1,46  | 1,22 | 1,57  | 1,28 |
| $u_A(\bar{U}_0)$ | 0,012        | 0,04  | 0,014 | 0,04 | 0,017 | 0,04 | 0,012 | 0,06 | 0,013 | 0,02 | 0,005 | 0,04 |

Таблица 2

Анализ данных первым способом

| Частота, МГц            | 10,0   | 31,0   | 40,0   | 51,0   | 69,5   | 89,0   | 110    | 129    | 150    |
|-------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| $r(\bar{U}_0, \bar{U})$ | -0,096 | 0,760  | 0,760  | 0,208  | 1,000  | 0,065  | 0,719  | 0,616  | 0,471  |
| $r$                     | 0,9896 | 0,9818 | 0,9793 | 0,9765 | 0,9765 | 0,9732 | 0,9694 | 0,9655 | 0,9627 |
| $u_c(r), 10^{-3}$       | 5,35   | 4,43   | 4,42   | 5,77   | 7,50   | 8,48   | 2,84   | 3,57   | 5,15   |
| $u_c^*(r), 10^{-3}$     | 5,20   | 5,88   | 5,86   | 6,22   | 9,24   | 8,56   | 4,18   | 4,65   | 5,42   |

Анализ экспериментальных данных проведен двумя способами. При анализе данных первым способом значения измеряемой величины  $r$  получают из зависимости, данных в уравнении (2). При этом используют средние значения входных величин  $U_0$  и  $U$ , приведенных в табл. 1. Следовательно, первый способ является примером получения оценки  $u$  выходной величины  $Y$  из уравнения  $y = f(\bar{X}_1, \bar{X}_2, \dots, \bar{X}_N)$ . Стандартные неопределенности  $r$  получают из уравнения (8) [4]

$$u_c(y) = \sqrt{\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N \frac{\partial f}{\partial x_i} \frac{\partial f}{\partial x_j} u(x_i, x_j)} = \sqrt{\sum_{i=1}^N \left(\frac{\partial f}{\partial x_i}\right)^2 u^2(x_i) + 2 \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N \frac{\partial f}{\partial x_i} \frac{\partial f}{\partial x_j} u(x_i, x_j)} \quad (8)$$

Как указывалось выше, входные величины  $\bar{U}_0$  и  $\bar{U}$  коррелированы. При отождествлении  $\bar{U}_0$  с  $x_1$ ,  $\bar{U}$  с  $x_2$  и  $f$  с  $r = (\bar{U} / \bar{U}_0)^{1/(2m-1)}$  уравнение (8) для суммарной неопределенности  $r$  дает:

$$u_c(r) = \sqrt{c_{\bar{U}}^2 \cdot u^2(\bar{U}) + c_{\bar{U}_0}^2 \cdot u^2(\bar{U}_0) + 2c_{\bar{U}} \times c_{\bar{U}_0} \cdot u(\bar{U}) \cdot u(\bar{U}_0) \cdot r(\bar{U}, \bar{U}_0)} = \sqrt{\left[\frac{\bar{r}}{2m-1}\right]^2 \cdot \left[\frac{u(\bar{U})}{\bar{U}}\right]^2 + \left[\frac{\bar{r}}{2m-1}\right]^2 \cdot \left[\frac{u(\bar{U}_0)}{\bar{U}_0}\right]^2 - 2 \cdot \left[\frac{\bar{r}}{2m-1}\right]^2 \cdot \left[\frac{u(\bar{U})}{\bar{U}}\right] \cdot \left[\frac{u(\bar{U}_0)}{\bar{U}_0}\right] \cdot r(\bar{U}, \bar{U}_0)}$$

или  $u_c(r) = \frac{\bar{r}}{2m-1} \cdot \sqrt{u_o^2(\bar{U}) + u_o^2(\bar{U}_0) - 2 \times u_o(\bar{U}) \cdot u_o(\bar{U}_0) \cdot r(\bar{U}, \bar{U}_0)}$ , (9)

где

$$c_{\bar{U}} = \frac{\partial f}{\partial \bar{U}} = \frac{1}{2m-1} \cdot \frac{1}{\bar{U}} \cdot (\bar{U} / \bar{U}_0)^{1-2m} = \frac{\bar{r}}{2m-1} \cdot \frac{1}{\bar{U}}$$

$$c_{\bar{U}_0} = \frac{\partial f}{\partial \bar{U}_0} = -\frac{1}{2m-1} \cdot \frac{1}{\bar{U}_0} \cdot (\bar{U} / \bar{U}_0)^{1-2m} = -(\bar{r} / (2m-1)) \cdot (1 / \bar{U}_0),$$

коэффициенты чувствительности  $c_i = \partial f / \partial x_i$  оценки модуля комплексного коэффициента отражения  $r$  к изменениям значений амплитуды сигнала без жидкости  $U_0$  и при ее наличии  $U$ , соответственно;  $u(\bar{U}_0)$ ,  $u(\bar{U})$  - стандартные неопределенности оценок амплитуд сигналов без жидкости  $U_0$  и при ее наличии  $U$ , оцененные по (3) и (4), соответственно;  $r(\bar{U}_0, \bar{U})$  - коэффициент корреляции, связанная с оценками  $U_0$  и  $U$ , оцененная по (6); подстрочный индекс "о" в выражении (8) показывает, что « $u$ » является относительной неопределенностью.

Подставив числовые значения из табл. 1 в уравнение (8), получаем соответствующие значения суммарных стандартных неопределенностей  $u_c(r)$  (табл. 2). Результаты анализа данных вторым способом сведены в табл. 3. Так как данные были получены в виде пяти рядов наблюдений двух входных величин  $U_0$  и  $U$  (табл. 1), то можно вычислить значения  $r$  из каждого ряда входных данных (табл. 3). Затем взять среднее арифметическое этих пяти значений для получения наилучших оценок  $r$ , т.е. второй способ является примером получения оценки  $u$  выходной величины  $Y$  из уравнения

$$\bar{y} = (\sum_{i=1}^n Y_i) / n \quad (10)$$

Экспериментальное стандартное отклонение  $S(\bar{r})$  каждого среднего значения (которое является его суммарной стандартной неопределенностью  $u(\bar{r})$ ) затем вычисляют из пяти отдельных значений обычным способом

$$u(\bar{r}) = u_A(\bar{r}) = \sqrt{(1/(n(n-1))) \cdot \sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r})^2}, \quad (11)$$

Чтобы продемонстрировать этот способ, в табл. 3 даны значения  $\gamma$ , вычисленные в каждом из пяти рядов

наблюдений, их средние арифметические  $\bar{\gamma}$  и стандартные неопределенности по типу А  $u_A(\bar{\gamma})$ .

Таблица 3

Значения  $\gamma$  вычисленные из каждого ряда входных данных  $U_0$  и  $U$ , приведенных в табл. 1 (анализ данных вторым способом)

| Частота, МГц               | 10,0   | 31,0   | 40,0   | 51,0   | 69,5   | 89,0   | 110    | 129    | 150    |
|----------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 1                          | 0,982  | 0,987  | 0,984  | 0,972  | 0,983  | 0,960  | 0,970  | 0,969  | 0,952  |
| 2                          | 0,995  | 0,972  | 0,970  | 0,986  | 0,972  | 0,940  | 0,960  | 0,960  | 0,965  |
| 3                          | 0,972  | 0,987  | 0,984  | 0,972  | 0,983  | 0,986  | 0,960  | 0,967  | 0,943  |
| 4                          | 0,997  | 0,970  | 0,967  | 0,959  | 0,941  | 0,973  | 0,963  | 0,950  | 0,967  |
| 5                          | 1,002  | 0,992  | 0,990  | 0,992  | 0,983  | 0,986  | 0,974  | 0,967  | 0,972  |
| $\bar{\gamma}$             | 0,9894 | 0,9815 | 0,9790 | 0,9763 | 0,9724 | 0,9688 | 0,9654 | 0,9626 | 0,9599 |
| $u(\bar{\gamma}), 10^{-3}$ | 5,37   | 4,45   | 4,44   | 5,85   | 8,01   | 8,60   | 2,81   | 3,61   | 5,21   |

В результатах, полученных этими двумя способами, нет расхождений в значениях выходной величины, стандартных неопределенностей, за исключением эффектов второго порядка, связанных с заменой таких членов как  $\bar{U} / \bar{U}_0$  на  $\bar{U}/\bar{U}_0$ .

Как указывается в примечания к 4.1.4 [4], обычно эти два способа дают одинаковые результаты, если  $f$  является линейной функцией своих входных величин (при условии, что экспериментально наблюдаемые коэффициенты корреляции принимаются во внимание, когда применяется первый способ). Если  $f$  не является линейной функцией, тогда результаты, полученные первым способом, будут отличаться от результатов, полученных вторым способом, в зависимости от степени нелинейности, оцененных дисперсий и ковариаций  $X_1$ . В данном случае предпочтение отдается второму способу, т.к. данный способ избегает аппроксимации

$$y = f(\bar{X}_1, \bar{X}_2, \dots, \bar{X}_N)$$

и лучше отражает использованную процедуру измерения - то, что данные фактически были собраны в ряды.

С другой стороны, второй способ будет неподходящим, если данные табл. 1 представляют  $n_1 = 5$  наблюдений амплитуд  $U_0$  акустического сигнала до нанесения жидкости на рабочую поверхность плавленного кварца, за которыми следуют  $n_2 = 5$  наблюдений амплитуд  $U$  акустического сигнала после нанесения жидкости на рабочую поверхность плавленного кварца; и невозможным если  $n_1 \neq n_2$  (фактически это плохая измерительная процедура - проводить измерение таким способом, т.к. амплитуды акустических сигналов до  $U_0$  и после  $U$  нанесения жидкости на рабочую поверхность плавленного кварца, непосредственно взаимосвязаны).

Если данные, приведенные в табл. 1 истолковать заново таким образом, чтобы второй способ оказался неприемлемым, и если предположить, что корреляции между величинами  $U_0$  и  $U$  отсутствуют, то коэффициенты наблюдаемых корреляций не будут значимыми и их следует установить равными нулю. Если это сделать, то это приведет к изменени-

ям в значениях суммарной стандартной неопределенности, показанным также в табл. 2.

## Выводы

В заключении отметим, что в результате исследования выявлены, что значения модуля комплексного коэффициента отражения  $\gamma^*$  акустической волны от границы раздела плавленный кварц – дистиллированная вода с повышением частоты от 10 до 150 МГц растёт на 2,7 %.

Показано, что в результатах, полученных первым

$$y = f(\bar{X}_1, \bar{X}_2, \dots, \bar{X}_N)$$

и вторым

$$\bar{y} = (\sum_{i=1}^n Y) / n$$

способами, нет расхождений в значениях выходной величины  $\gamma$ , стандартных неопределенностей  $u_c(\bar{\gamma})$ , за исключением эффектов второго порядка, если учитывается корреляция между входными величинами  $U_0$  и  $U$ , в противном случае расхождение существенно.

Суммарная стандартная неопределенность метода измерения коэффициента отражения, реализованного аппаратурой [3], не более 0,9 %.

## Список литературы

1. Рэлей Л. Теория звука, т. 2 / Л. Рэлей М., Гостехтеориздат, 1955. – 504 с.
2. Скимин Г. Мак. Ультразвуковые методы измерения механических характеристик жидкостей и твердых тел. Физическая акустика / Г. Мак Скимин (под ред. У. Мэзона) т. I, ч. А, гл. 4, 325-397, М., «Мир», 1966. – 589 с.
3. Григорьев С.Б. Измерение сдвиговых вязкоупругих свойств некоторых жидкостей / С.Б. Григорьев, И.Г. Михайлов, О.Ш. Хакимов // Акустический журнал - 1974. - Т.20, № 1. – С44-48.
4. Руководство по выражению неопределенности измерения: Перевод с англ. под науч. ред. проф. Слаева В.А. – ГП «ВНИИМ им. Д.И. Менделеева», С.–Петербург, 1999. – 134 с.

Поступила в редколлегию 1.04.2014

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф. И.П. Захаров, Харьковский национальный университет радиоэлектроники, Харьков.

**НЕВИЗНАЧЕНІСТЬ МЕТОДУ ВИМІРЮВАННЯ КОЕФІЦІЄНТА ВІДБИТТЯ УЛЬТРАЗВУКОВОЇ ХВИЛІ  
ВІД КОРДОНУ РОЗДІЛУ ТВЕРДЕ ТІЛО - РІДИНА**

О.Ш. Хакімов, Г.О. Хакімова, Н.А. Таджалієва

*Оцінена невизначеність методу вимірювання коефіцієнта відбиття ультразвукової хвилі від кордону розділу тверде тіло (плавлений кварц) – рідина (дистильована вода).*

*Ключові слова: невизначеність, вимір, сумарна, стандартна, ультразвук, імпеданс, коефіцієнт відбиття.*

**UNCERTAINTY OF THE METHOD OF MEASUREMENT OF COEFFICIENT OF REFLECTION THE ULTRASONIC  
ARE FREE FROM BORDER I UNDRRESSED THE SOLID BODY – LIQUID**

O.S. Hakimov, G.O. Hakimova, N.A. Tadzhaliyeva

*Uncertainty of a method of measurement of coefficient of reflection ultrasonic is estimated are free from limit of the section a solid body (melted quartz) – liquid (the distilled water) an impedance method.*

*Keywords: uncertainty, measurement, total, standard, ultrasound, impedance, reflection coefficient.*